

# DELTA TopGun

## (11) Průchody grafem

Luboš Zápotočný, Tomáš Faltejsek, Michal Havelka

2022

# Obsah

## Zásobník

Zásobník v paměti

Zásobník a rekurze

## Fronta

### Průchody stromem

Preorder

Inorder

Postorder

## Implementace fronty a zásobníku

Fronta

Zásobník

## Průchody grafem

Průchod grafu do šířky

Průchod grafu do hloubky

# Zásobník

Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

# Zásobník

Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

Funguje na principu LIFO - Last in, first out

# Zásobník

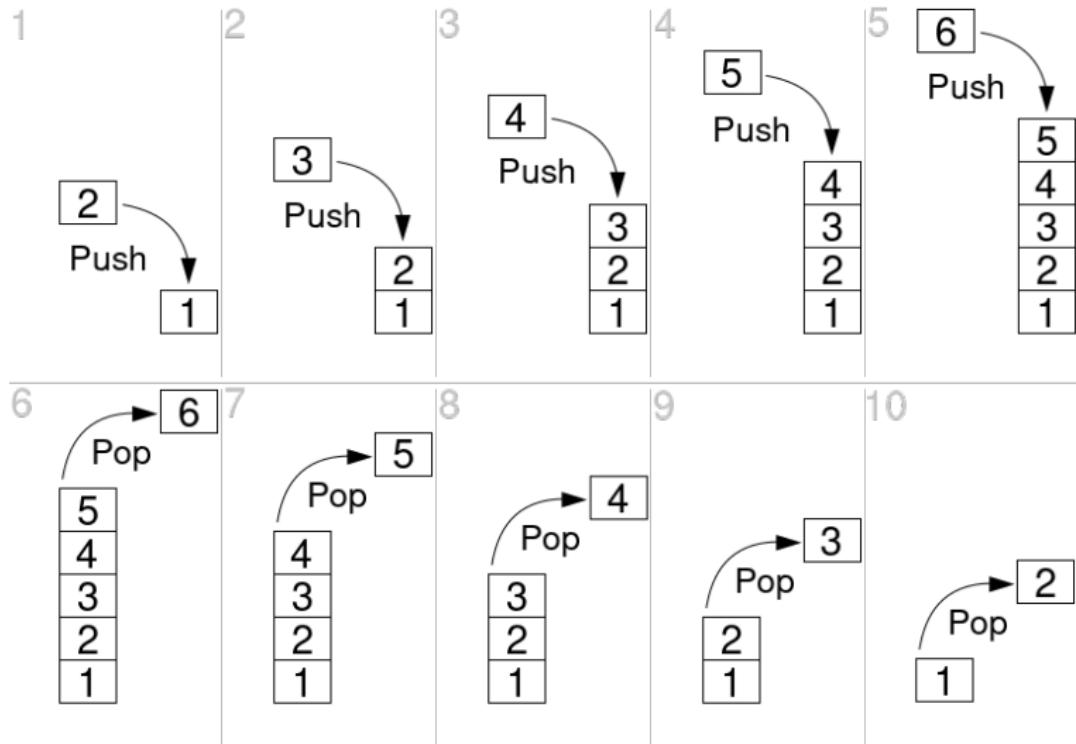
Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

Funguje na principu LIFO - Last in, first out

Podporované operace

- ▶ vložení prvku na vrchol zásobníku
- ▶ získání aktuálního prvku na vrcholu zásobníku
- ▶ odstranění prvku na vrcholu zásobníku

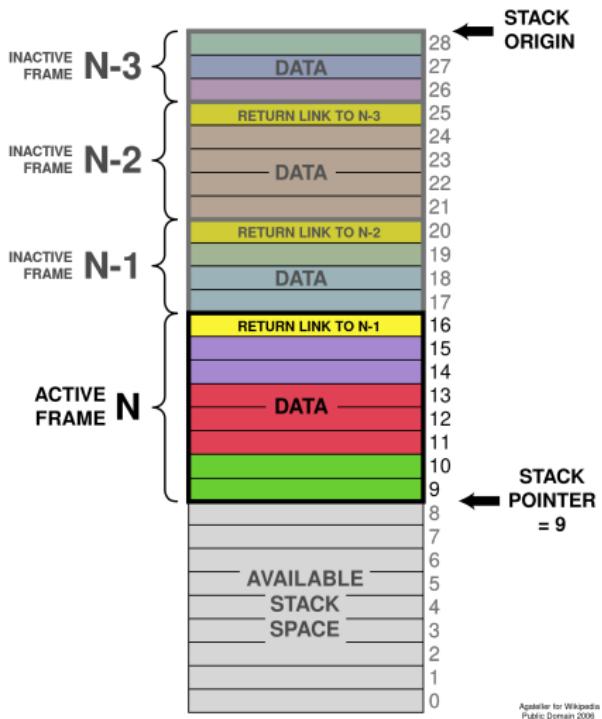
# Zásobník - příklad operací



By Vectorization: OmenBreeze - Own work based on: Lifo stack.png by Maxtremus, CC0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=115938639>

# Zásobník v paměti



By Vectorization: OmenBreeze - Own work based on: Lifo stack.png by Maxtremus, CC0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=115938639>

# Zásobník a rekurze

viz. Přednáška o rekurzi

# Fronta

Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

# Fronta

Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

Funguje na principu FIFO - First in, first out

# Fronta

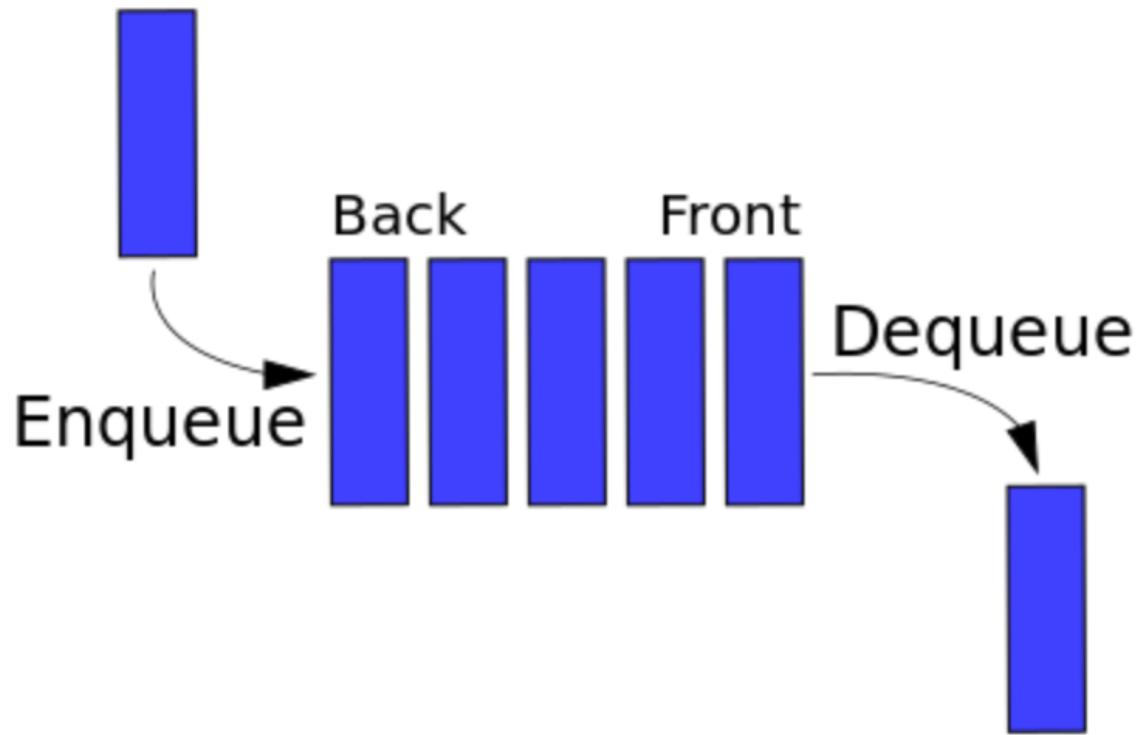
Abstraktní datová struktura pro dočasné uložení a následné zpracování uložených položek

Funguje na principu FIFO - First in, first out

Podporované operace

- ▶ vložení prvku na konec fronty
- ▶ získání aktuálního prvku na začátku fronty
- ▶ odstranění prvku ze začátku fronty

# Fronta



By This Image was created by User:Vegpuff CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=7586271>

# Preorder průchod stromem

## Preorder průchod stromem

Algoritmus průchodu stromu preorder je prvním ze třech základních průchodů (binárním) stromem

## Preorder průchod stromem

Algoritmus průchodu stromu preorder je prvním ze třech základních průchodů (binárním) stromem

Preorder, inorder a postorder průchody se liší pořadím akcí

## Preorder průchod stromem

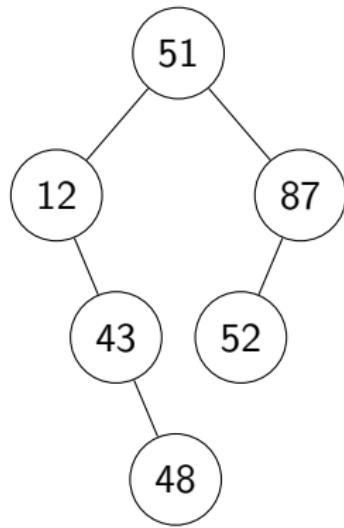
Algoritmus průchodu stromu preorder je prvním ze třech základních průchodů (binárním) stromem

Preorder, inorder a postorder průchody se liší pořadím akcí

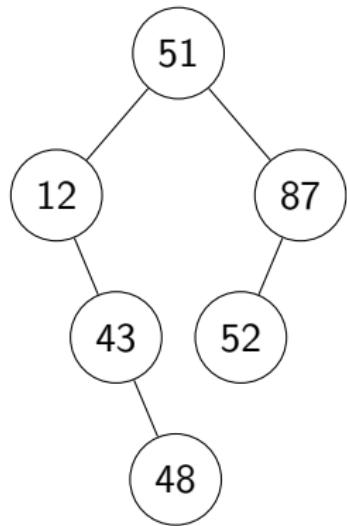
Preorder průchod je série těchto akcí

- ▶ zpracuj aktuální vrchol
- ▶ projdi preorder levý podstrom
- ▶ projdi preorder pravý podstrom

## Preorder průchod stromem - rekurzivně - pomocí stacku



## Preorder průchod stromem - rekurzivně - pomocí stacku



Preorder výpis

51,12,43,48,87,52

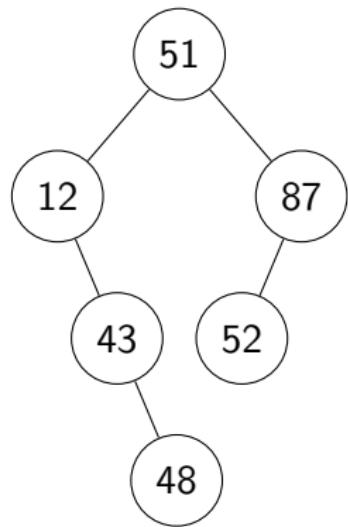
# Inorder průchod stromem

# Inorder průchod stromem

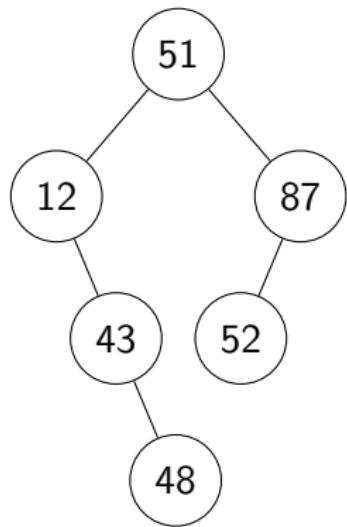
Inorder průchod je série těchto akcí

- ▶ projdi inorder levý podstrom
- ▶ zpracuj aktuální vrchol
- ▶ projdi inorder pravý podstrom

## Inorder průchod stromem - rekurzivně - pomocí stacku



## Inorder průchod stromem - rekurzivně - pomocí stacku



Inorder výpis

12,43,48,51,52,87

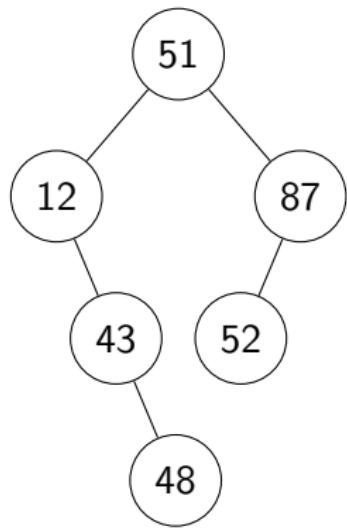
# Postorder průchod stromem

# Postorder průchod stromem

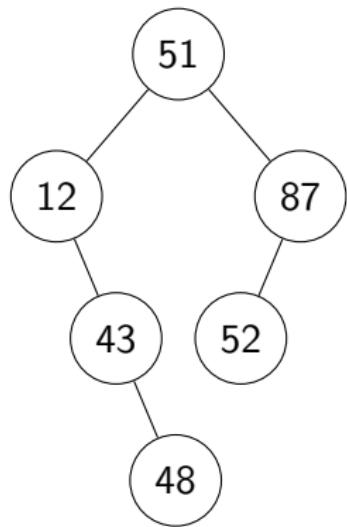
Postorder průchod je série těchto akcí

- ▶ projdi postorder levý podstrom
- ▶ projdi postorder pravý podstrom
- ▶ zpracuj aktuální vrchol

## Postorder průchod stromem - rekuzivně - pomocí stacku



## Postorder průchod stromem - rekurzivně - pomocí stacku



Postorder výpis

48,43,12,52,87,51

# Implementace fronty pomocí pole

## Implementace fronty pomocí pole

- + Jednoduchá implementace
- Omezená velikost pole
- Nutné přesouvat prvky nebo řešit kruhové použití
- Při kruhovém použití pole je komplikované rozšiřování pole

# Implementace fronty pomocí spojového seznamu

## Implementace fronty pomocí spojového seznamu

- + Jednoduchá implementace
- + Neomezená velikost pole
- + Efektivní operace - není nutné přesouvat prvky
- + Lze implementovat kruhovou frontu bez nutnosti přesouvat prvky v poli

# Implementace zásobníku pomocí pole

## Implementace zásobníku pomocí pole

- + Jednoduchá implementace
- Omezená velikost zásobníku
- Lineární (amortizovaně konstantní) časová složitost na zvětšení pole
- Paměťová neefektivita

# Implementace zásobníku pomocí spojového seznamu

# Implementace zásobníku pomocí spojového seznamu

- + Jednoduchá implementace
- + Neomezená velikost zásobníku
- + Konstantní časová složitost na zvětšení
- + Paměťová efektivita

## Průchod grafu do šířky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, do kterých algoritmus vstoupí v následujících krocích

## Průchod grafu do šířky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, do kterých algoritmus vstoupí v následujících krocích

BFS používá datovou strukturu frontu, do které ukládá postupně sousedy (kteří ještě nejsou zafrontováni) aktuálního vrcholu

## Průchod grafu do šířky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, do kterých algoritmus vstoupí v následujících krocích

BFS používá datovou strukturu frontu, do které ukládá postupně sousedy (kteří ještě nejsou zafrontováni) aktuálního vrcholu

Po dokončení přidání sousedů se algoritmus vydá do vrcholu, který je uložen na začátku fronty

## Průchod grafu do šířky

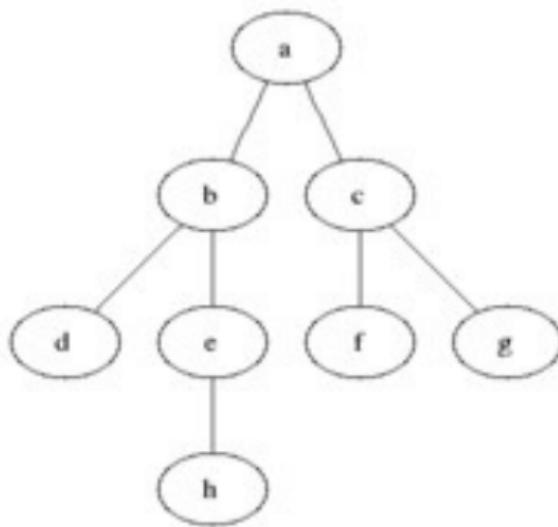
Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, do kterých algoritmus vstoupí v následujících krocích

BFS používá datovou strukturu frontu, do které ukládá postupně sousedy (kteří ještě nejsou zafrontováni) aktuálního vrcholu

Po dokončení přidání sousedů se algoritmus vydá do vrcholu, který je uložen na začátku fronty

Výběr souseda, ve kterém algoritmus bude pokračovat, je jasně daný pořadím ve frontě

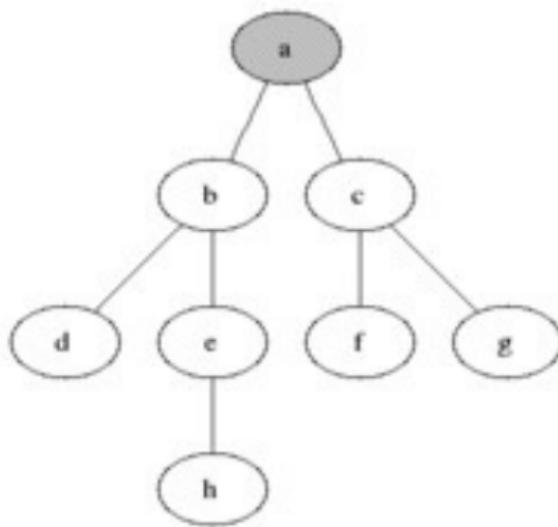
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

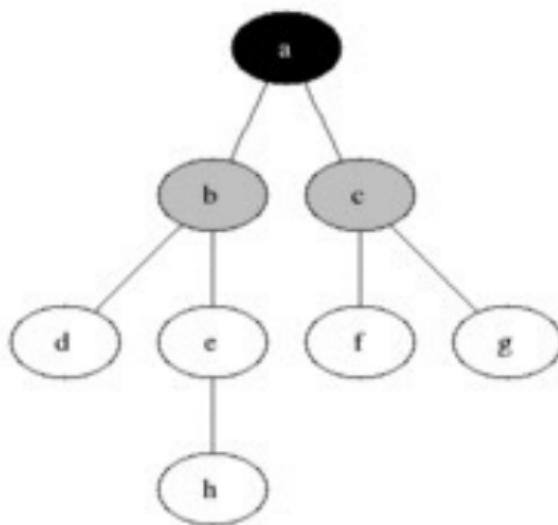
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

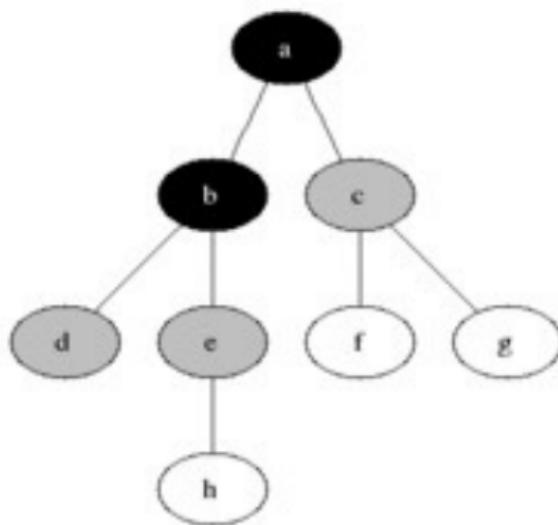
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

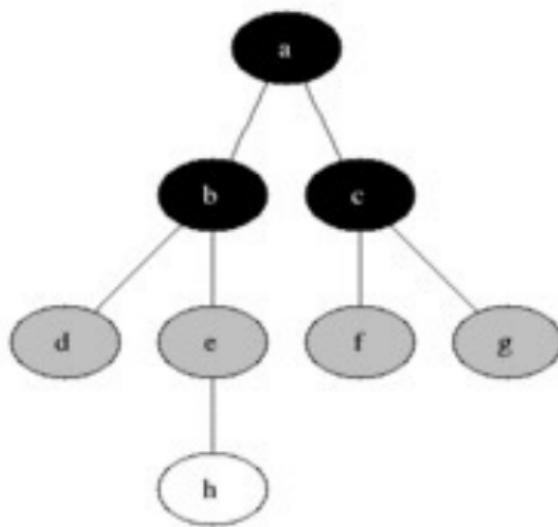
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

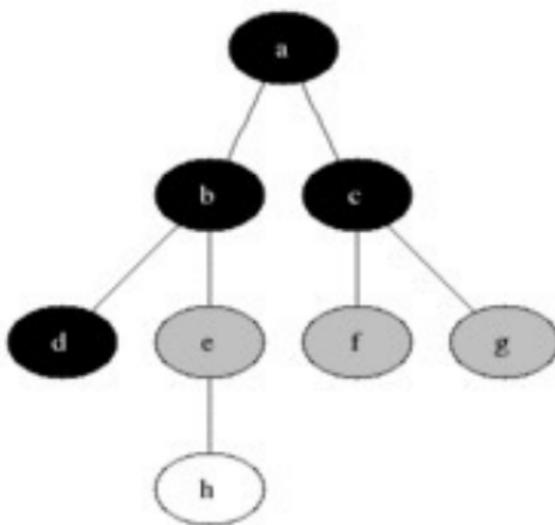
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

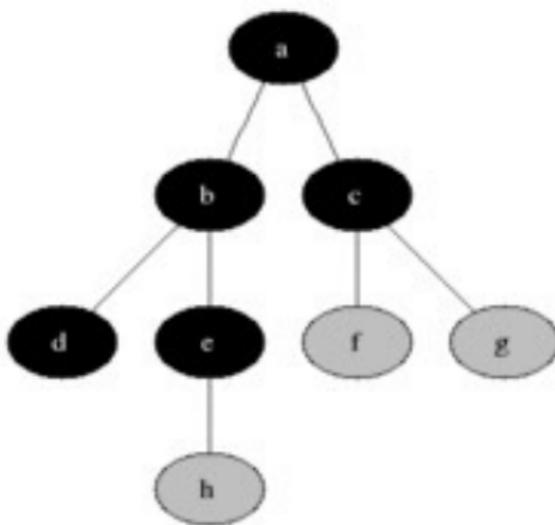
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

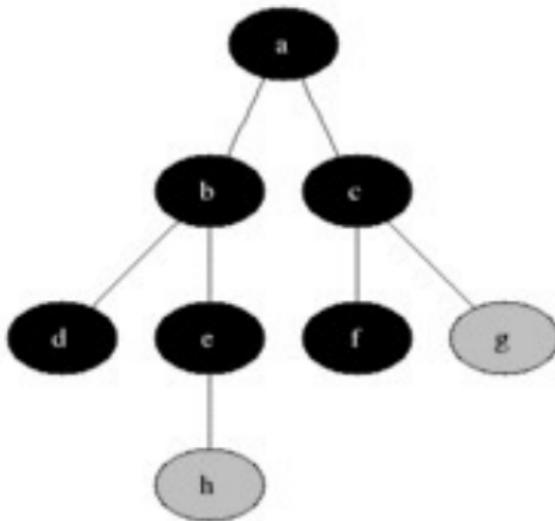
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

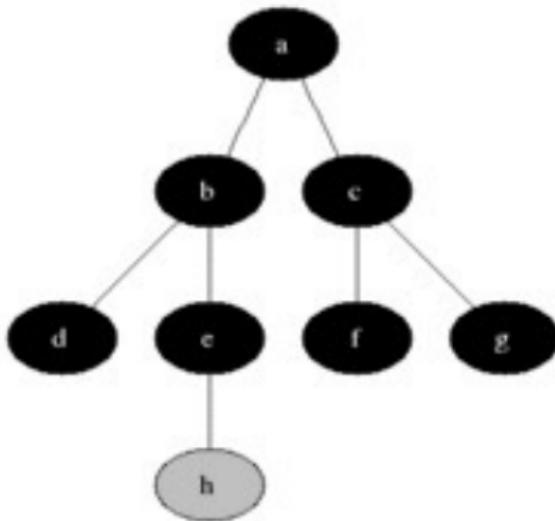
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

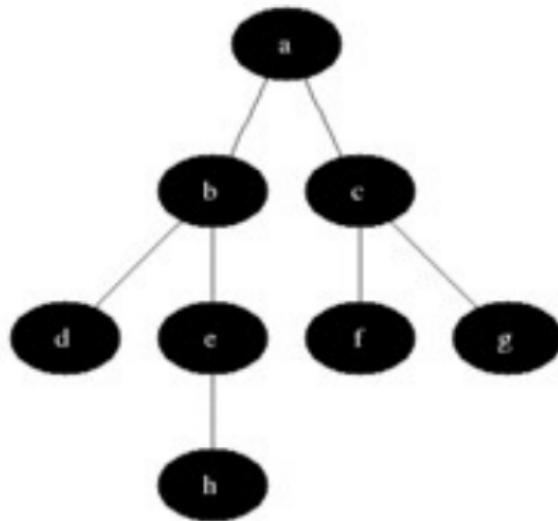
## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

## Průchod grafu do šířky - animace



By Blake Matheny - Transferred from en.wikipedia to Commons., CC BY-SA 3.0,

<https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=1864649>

# Průchod grafu do šířky - praktická ukázka

## Průchod grafu do hloubky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, ve kterých již algoritmus byl

## Průchod grafu do hloubky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, ve kterých již algoritmus byl

Na rozdíl od BFS používá DFS zásobník a ihned prohledává graf ve směru nejbližšího nenalezeného souseda

## Průchod grafu do hloubky

Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, ve kterých již algoritmus byl

Na rozdíl od BFS používá DFS zásobník a ihned prohledává graf ve směru nejbližšího nenalezeného souseda

Výběr souseda, ve kterém algoritmus bude pokračovat, není obecně specifikován

## Průchod grafu do hloubky

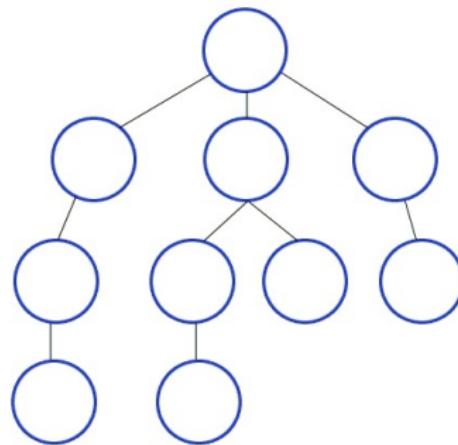
Algoritmus prochází graf ze specifického vrcholu a označuje vrcholy, ve kterých již algoritmus byl

Na rozdíl od BFS používá DFS zásobník a ihned prohledává graf ve směru nejbližšího nenalezeného souseda

Výběr souseda, ve kterém algoritmus bude pokračovat, není obecně specifikován

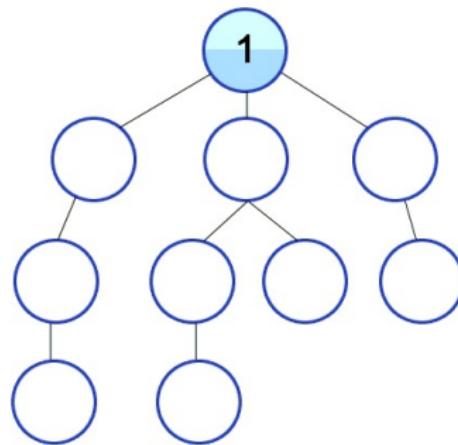
Může se jednat o numerické seřazení, alfanumerické pojmenování nebo z hlediska implementace vybrat další následníky

## Průchod grafu do hloubky - animace



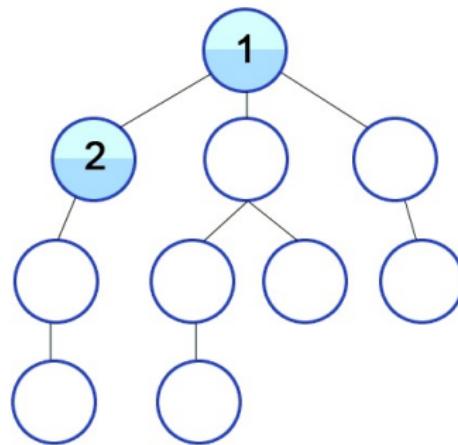
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



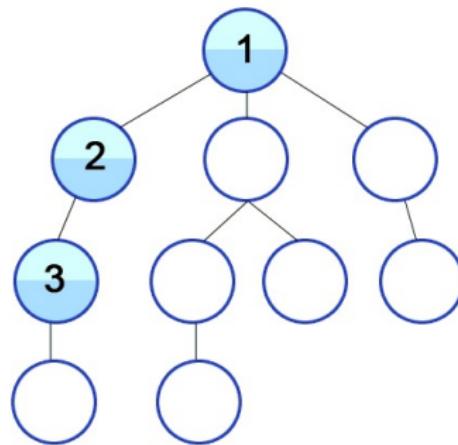
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



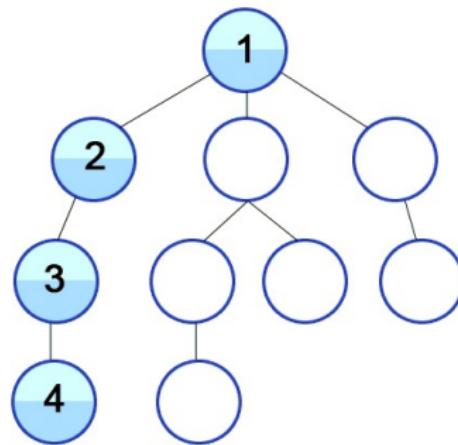
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



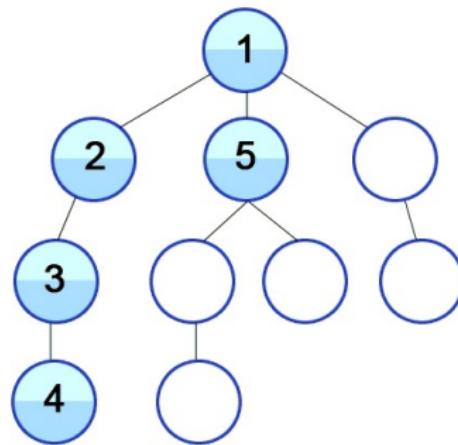
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



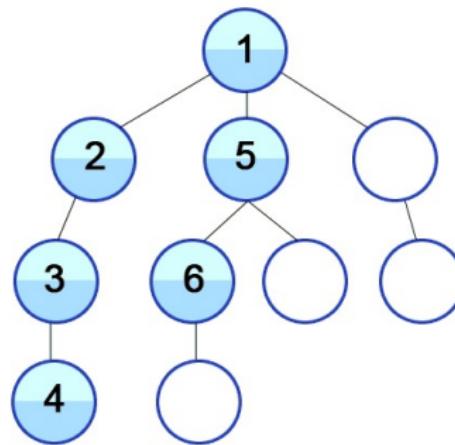
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



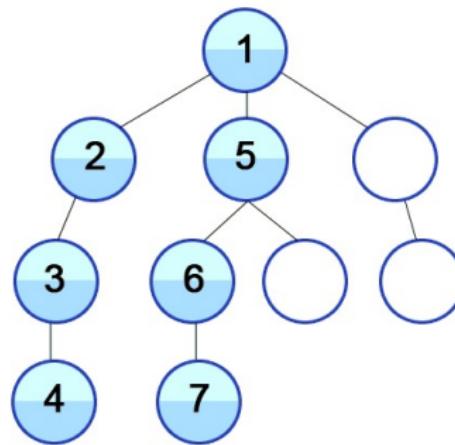
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



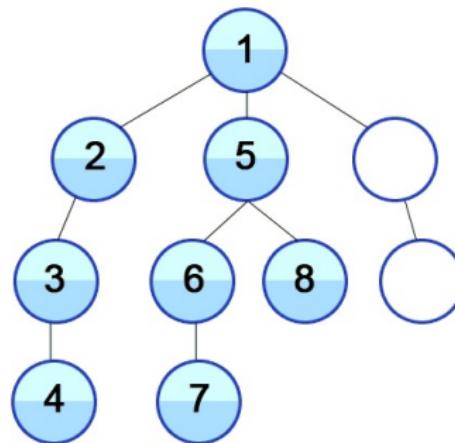
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



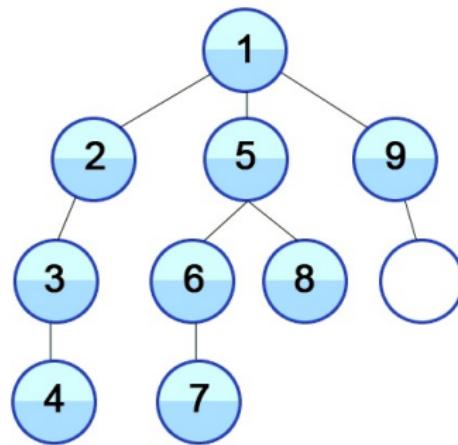
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



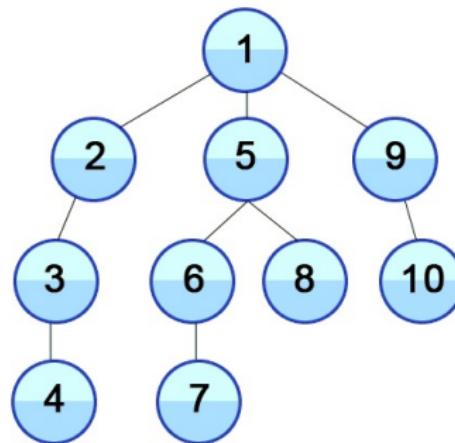
By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

## Průchod grafu do hloubky - animace



By Mre - Own work, CC BY-SA 3.0, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=6342841>

# Průchod grafu do hloubky - praktická ukázka